

**ГОЛДСТОУНА ТЕОРЕМА** в квантовой теории поля — теорема, утверждающая необходимость существования частиц с нулевой массой (голдстоуновских частиц) при спонтанном нарушении нек-рой непрерывной симметрии (см. *Спонтанное нарушение симметрии*). В релятивистской квантовой теории поля (КТП) теорема впервые сформулирована Дж. Голдстоуном (J. Goldstone) в 1961, а впоследствии существенно обобщена и доказана в аксиоматич. квантовой теории поля. Доказательство аналогичной теоремы в нерелятивистской квантовой теории мн. тел было одновременно и независимо получено Н. Н. Боголюбовым (см. *Боголюбова теорема*). Если спонтанное нарушение симметрии происходит в теории с безмассовыми калибровочными полями, напр. с эл.-магн. полем, то Г. т. может не выполняться (см. *Хиггса механизм*). Спонтанное нарушение дискретных симметрий также не приводит к появлению голдстоуновских частиц.

Необходимость появления голдстоуновских частиц при спонтанном нарушении симметрии можно наглядно пояснить на примере изотропного ферромагнетика, находящегося в основном состоянии (см. *Вырождение вакуума*). Для поворота вектора намагниченности в объёме  $\sim R^3$  необходимо «повернуть» число спиновых магн. моментов частиц  $\sim R^3$  или возбудить число *магнонов* (спиновых волн)  $\sim R^3$ . При конечном радиусе действия сил ( $a$ ) между спинами магнетика для такого поворота требуется затратить энергию лишь в поверхностном слое объёма  $\sim R^2 a$ , поскольку состояние внутри этого объёма также «вакуумное». Т. о., при  $R \rightarrow \infty$  энергия, приходящаяся на один магнон, сколь угодно мала и его масса равна нулю, т. е. магноны являются голдстоуновскими частицами. Предположение о конечном радиусе действия сил существенно; если есть дальнедействующие (кулоновские силы), то рассуждение неверно. Именно по этой причине Г. т. для теорий с безмассовыми калибровочными полями может не выполняться.

В теории изовекторного скалярного поля  $\varphi^{(\alpha)}$  ( $\alpha = 1, 2, 3$ ) с эффективным потенциалом

$$V_{\text{эфф}} = -\frac{\mu^2}{2} \varphi^2 + \frac{\lambda}{4} (\varphi^2)^2$$

[где  $\mu$  — параметр размерности массы (в системе единиц  $\hbar = c = 1$ ),  $\lambda$  — безразмерная константа взаимодействия] при спонтанном нарушении изотопич. симметрии (см. *Изотопическая инвариантность*), описываемом ненулевым вакуумным средним  $\varphi_0^{(\alpha)} = \langle 0 | \varphi^{(\alpha)} | 0 \rangle = (0, 0, \mu/\sqrt{\lambda})$ , появляются две безмассовые частицы, связанные с вращениями вокруг первой и второй осей изотопич. пространства, относительно к-рых изовектор  $\varphi_0^{(\alpha)}$  неинвариантен. Массы определяются собств. значениями матрицы  $M_{\alpha\beta} = \partial^2 V_{\text{эфф}} / \partial \varphi_0^{(\alpha)} \partial \varphi_0^{(\beta)}$ . При данном нарушении симметрии эта матрица диагональна и имеет единств. ненулевой элемент  $M_{33} = 2\mu^2$ . Т. о., возможны две безмассовые скалярные частицы и одна с массой  $\sqrt{2} \mu$ .

Существуют разл. формулировки Г. т. Для мн. приложений достаточна следующая. Пусть локальная трансляционно-инвариантная теория поля инвариантна относительно непрерывной группы  $G$ , описываемой  $n$  сохраняющимися токами  $j_{\mu}^{(a)}(x)$ ,  $\partial_{\mu} j_{\mu}^{(a)} / \partial x^{\mu} = 0$  ( $x$  — пространственно-временная точка;  $x^0 = t$  — временная координата;  $x^1, x^2, x^3$  — пространств. координаты,  $\mu = 0, 1, 2, 3$ ,  $a = 1, 2, \dots, n$ ), а  $N$  полей  $\varphi^{(i)}$  со спином нуль (не обязательно элементарных) преобразуются по нек-рому представлению группы  $G$ , т. е.  $[Q^{(a)}, \varphi^{(i)}(x, t)] = i f_{ij}^{(a)} \varphi^{(j)}(x, t)$ , где  $Q^{(a)}$  — генераторы  $G$ ,  $Q^{(a)} = \int j_0^{(a)}(x, t) d^3x$ ,  $f_{ij}^{(a)}$  — структурные константы, определённые представлением группы. Если симметрия  $G$  спонтанно нарушена, т. е. вакуум не инвариантен при действии некоторых из генераторов  $Q^{(a)}$ , например

$\langle 0 | [Q^{(b)}, \varphi^{(i)}] | 0 \rangle \neq 0$ ,  $b = 1, \dots, m$ , то существует  $m$  безмассовых голдстоуновских частиц со спином нуль (*голдстоуновские бозоны*) и с квантовыми числами, определяемыми этими генераторами:  $\langle 0 | Q^{(b)} | g \rangle \neq 0$ , где  $|g\rangle$  — состояние голдстоуновского бозона. В частности, скалярным (псевдоскалярным) «неинвариантным» генераторам  $Q^{(b)}$  соответствуют скалярные (псевдоскалярные) голдстоуновские частицы.

Наиб. важное приложение Г. т. в КТП относится к спонтанному нарушению *киральной симметрии*, при к-ром появляются псевдоскалярные голдстоуновские мезоны. В суперсимметричных теориях поля голдстоуновские частицы могут быть и фермионами (см. *Суперсимметрия, Голдстоуновский фермион*).

Лит.: Гриб А. А., Проблема неинвариантности вакуума в квантовой теории поля, М., 1978; Ициксон К., Зюбер Ж.-Б., Квантовая теория поля, пер. с англ., т. 2, М., 1984.

А. Т. Филиппов.

**ГОЛДСТОУНОВСКИЕ БОЗОНЫ** — бозоны с нулевой массой и нулевым спином, существование к-рых в теории со спонтанным нарушением непрерывной группы симметрии (см. *Спонтанное нарушение симметрии*) вытекает из *Голдстоуна теоремы*. Примеры Г. б. в нерелятивистской квантовой теории мн. тел: спонтанному нарушению симметрии изотропного ферромагнетика относительно вращений трёхмерного пространства соответствуют *магноны*, спонтанному нарушению калибровочной симметрии в сверхтекучем гелии — *фононы* и т. д.

В *квантовой хромодинамике* с безмассовыми *кварками*  $u, d, s$  имеется *киральная симметрия*, спонтанное нарушение к-рой приводит к появлению безмассовых псевдоскалярных мезонов ( $\pi, K$ ), к-рые являются Г. б. Дополнительное (не спонтанное) нарушение киральной симметрии, определяемое, напр., ненулевыми массами кварков, обуславливает появление у этих мезонов конечной массы.

В калибровочной теории электрослабого взаимодействия спонтанное нарушение калибровочной симметрии не порождает Г. б. благодаря *Хиггса механизму*.

Лит.: Гугенгольд Н., Квантовая теория систем многих тел, пер. с англ., М., 1967; Токи в физике адронов, пер. с англ., М., 1978; Гриб А. А., Проблема неинвариантности вакуума в квантовой теории поля, М., 1978; Тейлор Д. Ж., Калибровочные теории слабых взаимодействий, пер. с англ., М., 1978.

А. Т. Филиппов.

**ГОЛДСТОУНОВСКИЕ МОДЫ** — коллективные моды в конденсиров. средах, в к-рых имеется дальний порядок в результате *спонтанного нарушения симметрии*, соответствующей непрерывной группе. Аналогичны *голдстоуновским бозонам* в квантовой теории поля. Г. м. существуют при сколь угодно больших длинах волн  $\lambda$ , причём их частота  $\omega(q)$  стремится к нулю при  $q = 2\pi/\lambda \rightarrow 0$ . Причиной возникновения Г. м. является непрерывное вырождение равновесного состояния. Г. м. является, напр., *спиновая волна* в ферромагнетике с плоскостью лёгкого намагничивания. Энергия системы не зависит от ориентации вектора намагниченности  $m$  в этой плоскости, поэтому имеется непрерывное вырождение состояний, задаваемое углом  $\varphi$  между вектором  $m$  и фиксиров. вектором в плоскости. Параметр вырождения  $\varphi$  удовлетворяет волновому уравн., описывающему когерентное движение спинов — спиновую волну с линейным законом дисперсии  $\omega(q) \sim q$ . Г. м. в таком ферромагнетике связана с нарушением непрерывной группы симметрии  $SO(2)$  относительно вращений спинов. Действительно, при повороте спинов вокруг оси, перпендикулярной к плоскости лёгкого намагничивания, равновесное состояние не остаётся инвариантным, а переходит в др. состояния с той же энергией. Аналогичные Г. м. возникают в др. системах. Поскольку Г. м. представляют собой колебания параметра вырождения, их число, как правило, совпадает с числом степеней свободы параметра вырождения. В кристаллич. твёрдых телах, где нарушена трансляц. инвариантность, Г. м. являются упругие волны. В сверхтекучем