

**Примеры.** Экспериментально изучено достаточно много физ. систем, обнаруживающих П. т. Наиб. известным примером системы с ТКТ является смесь изотопов  $^3\text{He} - ^4\text{He}$ , для к-рой обобщённой силой  $X$  является разность хим. потенциалов этих изотопов, а внутр. параметром  $x$  — концентрация изотопа  $^3\text{He}$  (фазы I и II — соотв. сверхтекучая и нормальная). Др. примерами может быть сегнетоэлектрич. упорядочение в  $\text{KN}_2\text{PO}_4(X - \text{внутр. электр. поле}, x - \text{поляризация}),$  структурное упорядочение в соединениях  $\text{Nb}_3\text{Sn}, \text{V}_3\text{Si}$  ( $X - \text{одноосное давление}, x - \text{компоненты тензора деформации}).$

В одноосных антиферромагнетиках  $X - \text{внеш. магн. поле вдоль оси лёгкого намагничивания}, x - \text{проекция намагниченности на эту ось. При достаточно сильной анизотропии (FeCl}_2, \text{DyPO}_4) \text{ имеет место фазовая диаграмма с ТКТ (рис. 3, e). Фаза I — антиферромагнитная, II — «псевдоферромагнитная» (см. Метамангнетизм, рис. 1). При слабой анизотропии (MnF}_2, \text{CuCl}_2 \cdot 2\text{H}_2\text{O}) \text{ реализуется БКТ (рис. 3, a), фазы: I — антиферромагнитная, II — парамагнитная, III — спин-флоп (см. Антиферромагнетизм, рис. 4). В промежуточном случае возможна фазовая диаграмма, изображённая на рис. 3 (z); с ростом анизотропии точка ТО движется в сторону более низких темп-р до тех пор, пока фаза спин-флоп не исчезнет; с уменьшением анизотропии точка ТО движется в сторону более высоких темп-р до слияния с ТКТ, в результате чего возникает БКТ. При наличии дополнительно анизотропии более высокого порядка (K}_2\text{MnF}_4, \text{CoBr}_2 \cdot 2\text{H}_2\text{O}) \text{ линия ФП 1-го рода на рис. 3 (a) расщепляется на две линии ФП 2-го рода, и БКТ переходит в ЧКТ (рис. 3, d); аналогичное явление имеет место и при наложении на слабо-анизотропный антиферромагнетик наклонного поля, образующего ненулевой угол с осью анизотропии. ТЛ наблюдается при ФП в состоянии волны спиновой плотности в чистом Cr, а также при переходах в магн. модулированные структуры редкоземельных металлов и их соединений (см. Несоразмерная магнитная структура).$

**Феноменологическое описание П. т.** возможно в рамках Ландау теории фазовых переходов. В простейшем случае физ. система описывается однокомпонентным вещественным (скалярным) параметром порядка  $\varphi$ ; как правило, система обладает симметрией относительно замены  $\varphi \rightarrow -\varphi$ . Тогда уд. термодинамич. потенциал  $F(\varphi, \{X_i\}, T)$  вблизи точек ФП имеет вид разложения по чётным степеням  $\varphi$ :

$$F\varphi = F_0 + a_2\varphi^2/2 + a_4\varphi^4/4 + a_6\varphi^6/12 + \dots - h\varphi, \quad (1)$$

где  $F_0(T, \{X_i\})$  — несингулярная часть термодинамич. потенциала, коэф.  $a_{2n} = a_{2n}(T, \{X_i\})$  зависят от темп-ры и параметров  $\{X_i\}$ ,  $h$  — внеш. поле, термодинамически сопряжённое  $\varphi$ .

Обычная КТ соответствует учёту в (1) членов 2-го и 4-го порядков (модель  $\varphi^4$ ) и определяется условиями  $h = 0, a_2 = 0, a_4 > 0$ . Выше КТ реализуется высокосимметричная фаза с  $\varphi = 0$ , ниже — единственная низкосимметричная фаза с ненулевым равновесным значением параметра порядка  $\varphi_0$ , определяемым из условия  $\partial F/\partial \varphi = 0$  и равным  $\varphi_0^2 = -a_2/a_4$  (условия устойчивости этой фазы  $\partial^2 F/\partial \varphi^2 \geq 0$ , т. е.  $a_2 \leq 0, a_4 > 0$ ). Учёт члена 6-го порядка с  $a_6 > 0$  (модель  $\varphi^6$ ) приводит к появлению двух различных низкосимметричных фаз с равновесными значениями параметра порядка:

$$\left[ \varphi_0^{(1,2)} \right]^2 = -\frac{a_2}{a_4} \left[ 1 \pm \left( 1 - \frac{2a_2 a_6}{a_4^2} \right)^{1/2} \right]. \quad (2)$$

Условия устойчивости для этих фаз:  $a_2 \leq 0, a_4 > 0$  (для фазы  $\varphi_0^{(1)}$ ) и  $a_2 < a_4^2/2a_6, a_4 < 0$  (для фазы  $\varphi_0^{(2)}$ ). Область устойчивости высокосимметричной фазы ( $\varphi = 0$ ), как и в модели  $\varphi^4$ , определяется условием  $a_2 > 0$ .

ФП из высокосимметричной фазы в низкосимметричную  $\varphi_0^{(1)}$  (как и для обычной КТ) происходит при  $a_2 = 0$  и является ФП 2-го рода. ФП в др. фазу  $\varphi_0^{(2)}$  происходит при условии  $a_2 = 3a_4^2/8a_6$  и является ФП 1-го рода. Пересечение линий этих ФП определяет ТКТ, к-рая, т. о., описывается условиями  $a_2 = a_4 = 0, a_6 > 0$  и является единственной на фазовой плоскости  $\{X, T\}$ . В модели  $\varphi^6$  при  $a_2 = a_4 = a_6 = 0, a_8 > 0$  можно получить П. т., в к-рой сходятся линии ТКТ, КТ и ТО (рис. 4, б). Вообще, оставляя в разложении (1) члены до  $\varphi^8$  включительно, можно получить П. т., называемую КТ порядка  $\theta$ , если положить  $a_2 = a_4 = \dots = a_{2(\theta-1)} = 0, a_{2\theta} > 0$ ; тогда обычная КТ является КТ 2-го порядка, а ТКТ — КТ 3-го порядка. В такой П. т. сходятся линии КТ порядка  $\theta - 1$  (соответствующие условию  $a_{2(\theta-1)} > 0$ ) и линия ФП 1-го рода с условием  $a_{2(\theta-2)} < 0$ . Наличие внеш. поля  $h$  делает возможным ТКТ и в модели  $\varphi^4$ ; при этом линия  $h = 0, a_2 > 0$  — линия ФП 2-го рода, а линия  $h = 0, a_2 < 0$  — линия ФП 1-го рода (независимо от знака  $a_4$ ); пересечение этих линий в точке  $h = 0, a_2 = 0$  определяет ТКТ.

При двух скалярных компонентах  $\varphi_1$  и  $\varphi_2$  разложение (1) содержит дополнит. смешанный член вида  $\lambda \varphi_1^2 \varphi_2^2$ , поэтому при больших  $\lambda$  возникает БКТ, а при малых  $\lambda$  — ЧКТ. При одном векторном  $\varphi_1$  и одном скалярном  $\varphi_2$  параметрах порядка простейший смешанный член имеет вид  $\lambda \varphi_1^2 \varphi_2$ , что приводит к эфф. перенормировке внеш. поля  $h$  и появлению ТКТ. Аналогично возможна перенормировка и др. слагаемых выражения (1) — напр., смена знака  $a_4$ , приводящая к ТКТ в модели  $\varphi^6$  за счёт исключения «скрытых» степеней свободы с помощью условия термодинамич. равновесия.

Описание ТЛ на основе разложения (1) требует учёта производных  $\varphi$  по координатам (градиентов) [напр., в виде  $\sigma_1(\varphi^I)^2 + \sigma_2(\varphi^{II})^2, \sigma_2 > 0$ ]. Такой случай имеет место при описании волн зарядовой плотности, магнитной атомной структуры типа спиновой волны и др. ФП 2-го рода из высокосимметричной фазы  $\varphi_0 = 0$  в однородную низкосимметричную фазу  $\varphi_0 = \text{const} \neq 0$  происходит при  $a_2 = 0, \sigma_1 > 0$ , а в неоднородную (несоразмерную) низкосимметричную фазу  $\varphi_0(r) \sim \exp(ik_0 r)$ , здесь  $i = \sqrt{-1}$ ,  $r$  — пространственная координата, волновой вектор  $|k_0| = (-\sigma_1/2\sigma_2)^{1/2}$  при  $a_2 = 0, \sigma_2 < 0$ . Переход между двумя низкосимметричными фазами является ФП 1-го рода, определяется условиями  $a_2 = 0, \sigma_1 = 0$ . В случае двухкомпонентного параметра порядка ( $\varphi_1, \varphi_2$ ) при учёте градиентных членов чётных степеней  $\sigma_1(\varphi_1^2 + \varphi_2^2)$  становится возможным описание произвольных геликоидальных, или модулированных магн. структур. Учёт линейных градиентных членов (инвариантов Ли и Фица)  $\sigma_1(\varphi_1 \varphi_2' - \varphi_1' \varphi_2)$  приводит к солитонной картине каскадного перехода в модулиров. фазу (т. н. чёртова лестница).

**Критические показатели.** Микроскопич. модели (напр., Двумерные решёточные модели) применяются для более точного, чем в теории Ландау, количественного описания П. т. При этом используются критические показатели (индексы), приближённо вычисляемые с помощью энталпий-разложения в рамках метода ренормализац. группы. Наличие П. т. означает возникновение неустойчивости фиксиров. точки семейства фазовых траекторий гамильтонова, что приводит к изменению характера ФП и описывающих его критич. показателей, а также верх. критич. размерности  $d_c$ , определяющей применимости теории Ландау. (Уже в рамках теории Ландау критич. показатель  $\beta$ , описывающий температурную зависимость параметра порядка вблизи П. т., меняет значение от  $\beta = 1/2$  для КТ до  $\beta = 1/4$  для ТКТ.) Изменение  $d_c$  (для КТ  $d_c = 4$ , для ТКТ  $d_c = 3$ ) указывает на малую роль флуктуаций вблизи ТКТ в реальных физ. системах; для КТ порядка